الإحصـــــــــــاء

I- تذكير:

1 - تعاريف :

1) الدراسة الإحصائية : هي دراسة لظاهرة أو خاصية يتميزبها أفراد مجموعة.

2) الساكن الإحصائية : هي المجموعة التي تشملها الدراسة الإحصائية وكل عنصر من هذه المجموعة يسمى فردا أو وحدة إحصائية.

3) الميزةالإحصائية : هي المعيار الذي يصنف وفقه أفراد الساكنة الإحصائية وهي نوعان :

أ) الميزة الكمية : هي الميزة التي يمكن التعبير عنها بأعداد..(السن ؛ الطول ؛ الوزن ؛....).

ب) الميزة النوعية : هي الميزة التي لا يمكن التعبير عنها بأعداد.(اللون ؛ اللغة ؛ الجنس ؛ التعثر الدراسي؛...).

4) الحصيص الموافق لقيمة ميزة هو عدد أفراد الساكنة الإحصائية التي تتوفر فيهم هذه القيمة. .

5) الحصيص الإجمالي لمتسلسة إحصائية هو مجموع الحصيصات.

6) الحصيص المتراكم:المرتبط بقيم من قيم الميزة الكمية هو عدد أفراد الساكنة الإحصائية الذين يتوفرون على ميزة أصغر من أو تساوي هذه القيمة .

7) التردد f_i الموافق للميزة x_i هو النسبة بين الحصيص n_i والحصيص الإجمالي N . أي : $f_i = \frac{n_i}{N}$.

8) التردد المتراكم : الموافق لقيمة الميزة x_i هو نسبة الحصيص المتراكم لـ N_i والحصيص الإجمالي N أي $F_i = \frac{N_i}{N}$

9) النسبة المئوية P_i الموافقة للميزة x_i هي : $P_i = \frac{n_i}{N} \times 100 = 100 f_i$.

10) المعدل الحسابي : لتكن x_1 ؛ x_2 ؛ x_3 ؛.....؛ x_k القيم التي تأخذها الميزة x_i .
و : n_1 ؛ n_2 ؛ n_3 ؛....؛ n_k ؛ الحصيصات الموافقة لها .
المعدل الحسابي لهذه المتسلسة الإحصائية هو العدد :

$$m = \frac{n_1 \times x_1 + n_2 \times x_2 + n_3 \times x_3 + \dots + n_k \times x_k}{n_1 + n_2 + n_3 + \dots + n_k}$$

ملحوظة : إذاكانت المتسلسلة معبر عنها بالأصناف فإنه لحساب المعدل الحسابي نعتبر مراكز الأصناف كقيم للميزة .

مثل : بالنسبة للصنف $[a_1;a_2[$ نأخذ $x_1 = \frac{a_1+a_2}{2}$.

تطبيق1: أجرت دراسة على 20 عائلة تهم عدد الأطفال في كل عائلة وأعطت النتائج التالية .

3 - 2 - 4 - 3 - 4 - 0- 3 - 2- 4 -1
1-4 - 4 - 4 - 3 -3 - 4 - 4 -3-1

- الحصيص الإجمالي هو: 20. (أي : N = 20).

1) أعط جدولا للحصيصات ؛الحصيصات المتراكمة ؛الترددات؛ الترددات المتراكمة و النسب المئوية .
2) مثل مبانيا هذه المتسلسلة الإحصائية .
3) أحسب المعدل الحسابي لهذه المتسلسلة .

1) جدول الحصيصات ؛ الحصيصات المتراكمة ؛ الترددات ؛ الترددات المتراكمة ؛ النسب المئوية .

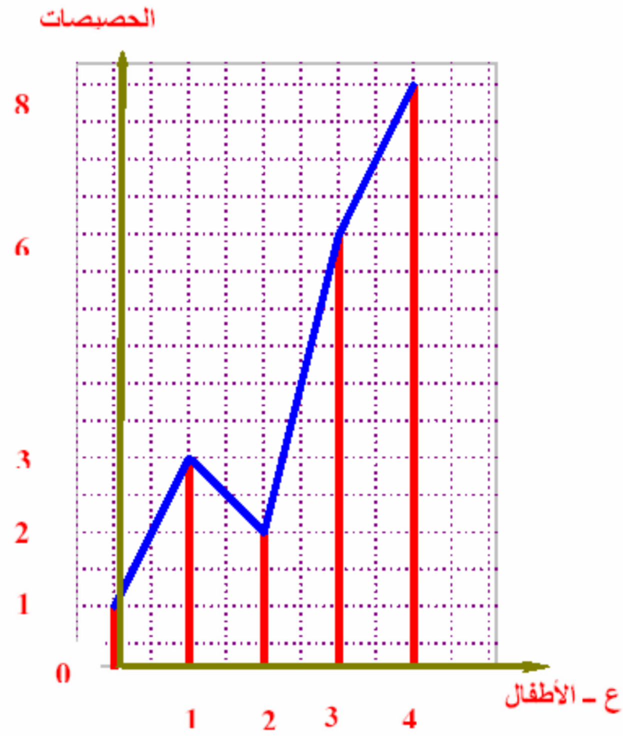
ع ـ الأطفال: x_i	0	1	2	3	4
الحصيصات : n_i	1	3	2	6	8
ح ـ المتراكم: N_i	1	4	6	12	20
التردد : f_i	0.05	0.15	0.1	0.3	0.4
ت ـ المتراكم: F_i	0.05	0.2	0.3	0.6	1
النسبة المئوية: Pi	5%	15%	10%	30%	40%
α°	18	54	36	108	144

ـ التمثيلات المبيانية

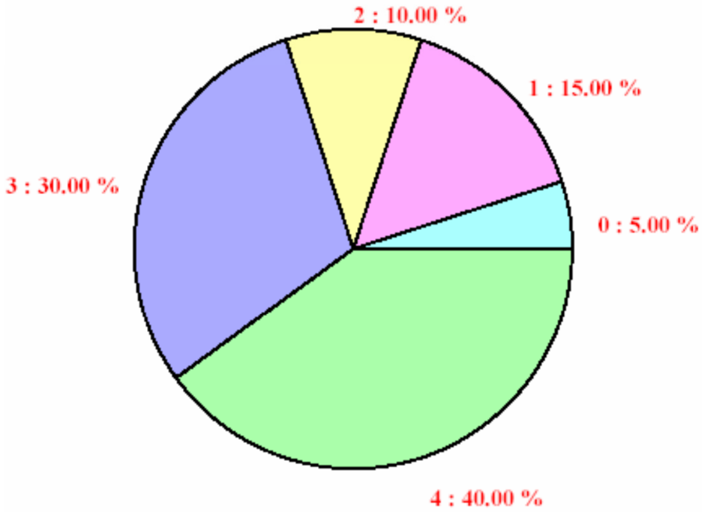
أ ـ التمثيل (أومخطط) بالقضبان ؛ تمثيل بخط منكسر؛ مخطط قطاعي .

التمثيل بالأحمر: يسمى تمثيل(أومخطط)بالقضبان: للحصيصات

التمثيل بالأزرق : يسمى تمثيل بخط منكسر : للحصيصات



التمثيل التالي يسمى: مخطط قطاعي دائري .



3) المعدل الحسابي لهذه المتسلسلة الإحصائية .

ليكن m المعدل الحسابي لهذه المتسلسلة الإحصائية

إذن : $m = \frac{1\times0+3\times1+2\times2+3\times6+4\times8}{20}$

ومنه : $m = 2,85$

تطبيق2 :

الجدول التالي يعطي تصنيف السن لقسم السنة الثالثة الإعدادي في إحدى المؤسسات التعليمية.

السن(الصنف)	$[13;15[$	$[15;17[$	$[17;19[$
الحصيصات	20	8	4
ح ـ المتركم	20	28	32
المركز	14	16	18

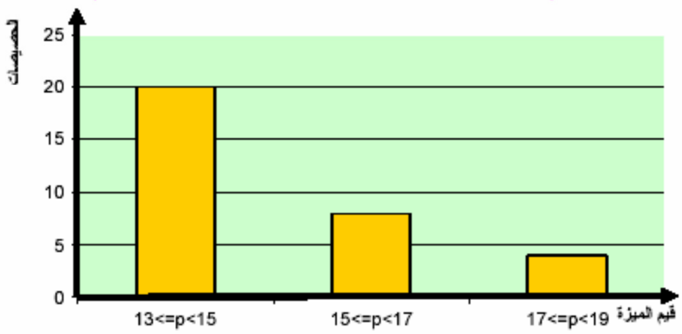
ليكن m المعدل الحسابي لهذه المتسلسلة الإحصائية

إذن : $m = \frac{14\times20+16\times8+18\times4}{32}$

ومنه : $m = 15$

ب ـ تمثيل أو مخطط بالأشرطة .

لاحظ أن : المستطيلات لها نفس العرض .(2 = 13 – 15 = 15 – 17=17 – 19).



4) القيمة الوسطية لمتسلسلة إحصائية :

تعريف :

> أصغر قيمة الميزة التي حصيصها المتراكم أكبر من أو يساوي نصف الحصيص الإجمالي هي القيمة الوسطية.

أمثلة :

➢ في التطبيق 1:

لدينا نصف الحصيص الإجمالي هو : $\frac{20}{2}=10$

إذن : 3 هي القيمة اوسطية . (لأن 3 هي أصغرقيمة ميزة التي حصيصها المتراكم (12) أكبر من أو يساوي نصف الحصيص الإجمالي.

➢ في التطبيق 2 :

لدينا نصف الساكنة الإحصائية هو : $\frac{32}{2}=16$

في الصنف المقابل للحصيص المتراكم 20 (أي $[13;15[$) تو جد القيمة الوسطية لهذه المتسلسلة الاحصائ

ملا حظة :

يمكن القول أن : 14 (مركز الصنف $[13;15[$) هي القيمة الوسطية للمتسلسلة الاحصائية لأن : $14=\frac{13+15}{2}$.

5) منوال متسلسلة إحصائية:

تعريف :

> منوال متسلسلة إحصائية هو قيمة (أوصنف) الميزة التي لها أكبرحصيص .

أمثلة :

** في التطبيق 1:

منوال هذه المتسلسلة الاحصائية هو 4 لأن لها أكبر حصيص هو 8

** في التطبيق 2:

منوال هذه المتسلسلة الاحصائية يوجد في الصنف: $[13;15[$

6) التشتت :

تعريف :

> نعتبر متسلسلتين إحصائيتين S_1 و S_2 لهما نفس المعدل الحسابي m . نقول إن S_1 أقل تشتتا من S_2 يعني أن قيم ميزة S_1 أقرب إلى m من قيم ميزة S_2.

مثال:

الجدول التالي يعطي نقط التي حصل عليها 20 تلميذ من 3/6 في مادة الرياضيات .

الرياضيات	4	7	10	15	17
عدد التلاميذ	5	3	4	6	2

الجدول التالي يعطي نقط التي حصل عليها 20 تلميذ من 3/5 في مادة الرياضيات.

الرياضيات	3	7	8	9	11	13	14	17
عدد التلاميذ	1	4	2	4	2	4	1	2

✓ حساب المعدل الحساب في كل من القسمين : 3/5 و 3/6.

✓ حساب المعدل الحساب في القسم : 3/5.

لتكن m المعدل الحسابي إذن : $m = \dfrac{17\times2+14\times1+13\times4+11\times2+9\times4+8\times2+7\times4+3\times1}{2+1+4+2+4+2+4+1}$

أي : $m = \dfrac{34+14+52+22+36+16+28+3}{20}$

ومنه : $m = \dfrac{205}{20} = 10,25$

✓ حساب المعدل الحساب في القسم : 3/6.

لتكن 'm المعدل الحسابي إذن : $m' = \dfrac{17\times2+15\times6+10\times4+7\times3+4\times5}{2+6+4+3+5}$

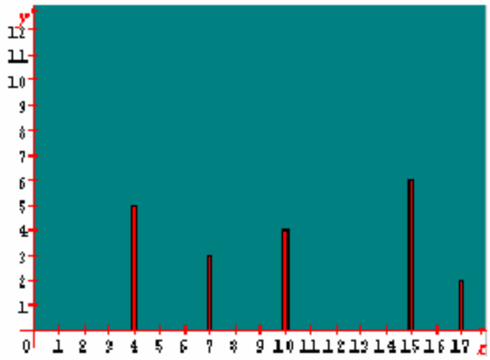
أي : $m' = \dfrac{34+90+40+21+20}{2+6+4+3+5}$

ومنه : $m' = \dfrac{205}{20} = 10,25$

التمثيل المبياني

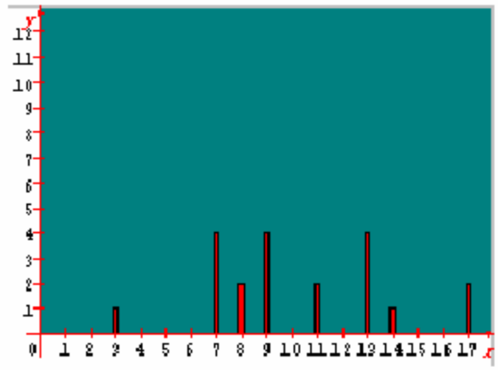
3/5

الحصصات



3/6

الحصصات



قيمة الميزة

لاحظ أن : المعدل الحسابي لهتين المتسلسلتين هو : 10,5 (للقسمين معا نفس المعدل الحسابي $m = m' = 2,85$).

لاحظ أن : العصي في مبيان نقط تلاميذ 3/6 أكثر تجمعا حول المعدل الحسابي من عصي مبيان نقط 3/5 .

نقول إن : نقط تلاميذ 3/6 (نقط تلاميذ 3/5) أقل تشتتا من نقط تلاميذ 3/5 (أكثر تشتتا من نقط تلاميذ 3/6).